

امتحان نهایی همماهیگ استانی

اصفهان ۱۴۰۰

الف) گزینه (۳)

کل حالات $= 6 \times 6 = 36$ ، مطلوب $= \{(4, 3), (3, 4), (5, 2), (2, 5), (6, 1), (1, 6)\}$

$$\text{احتمال} = \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$

ث) گزینه (۱)

ت) گزینه (۴)

پ) گزینه (۱) : $\frac{1}{200} = \frac{3}{x} \Rightarrow x = 600 \text{ cm}$

ب) گزینه (۳)

ث) درست

ت) نادرست

پ) درست

ب) درست

الف) نادرست

ث) اثبات

ت) $4\pi R^2$

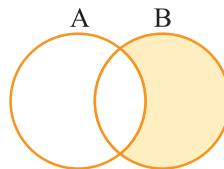
پ) قطر

ب) 7×10^{-5}

الف) حقيقى

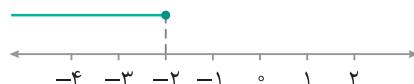
۵

الف)



۴ = {۴, ۷} ب)

الف)



$$\sqrt{(2-\sqrt{5})^2} = |2-\sqrt{5}| = -(2-\sqrt{5}) = -2+\sqrt{5} \quad \text{ب)}$$

۶

$$\begin{cases} \overline{OA} = \overline{OB} & \text{فرض} \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 & \xrightarrow{\text{مترافق}} \Delta ONA \cong \Delta OMB \Rightarrow \overline{BM} = \overline{AN} \\ \hat{N} = \hat{M} = 90^\circ & \end{cases}$$

الف)

$$b) \frac{3^7 \times 2^{-4}}{2^{-11}} = 3^7 \times 2^{-4} \times 2^{11} = 3^7 \times 2^{-4+11} = 3^7 \times 2^7 = (3 \times 2)^7 = 6^7$$

$$c) \sqrt[3]{32} \times \sqrt[3]{2} = \sqrt[3]{2^5} \times \sqrt[3]{2} = \sqrt[3]{2^5 \times 2} = \sqrt[3]{2^6} = \sqrt[3]{(2^2)^3} = 2^2 = 4$$





(۴)

$$\frac{3}{\sqrt{5}} = \frac{3}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{3\sqrt{5}}{5}$$



الف) $(2x+y)^2 = (2x)^2 + 2(2x)(y) + (y^2) = 4x^2 + 28x + 49$

ب) $y^2 - 13y + 42 = y^2 + (-6-y)y + (-6)(-y) = (y-6)(y-7)$



$$2(2+3x) \leq 5x - 2 \Rightarrow 6 + 9x \leq 5x - 2 \Rightarrow 4x \leq -8 \Rightarrow x \leq -2$$

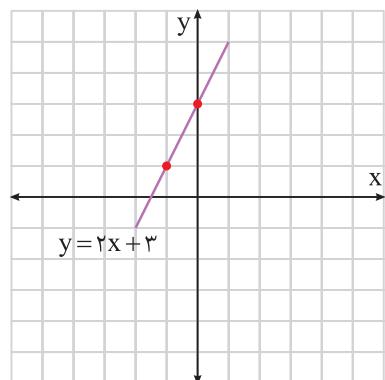


$$y = 2(6) - 3 \Rightarrow y = 9$$

(۵)

$$\text{شیب خط } = \frac{1 - (-3)}{2 - 0} = \frac{1 + 3}{2} = 2$$

پ) چون خط موازی محور x هاست و از نقطه $\begin{bmatrix} 0 \\ 2 \end{bmatrix}$ عبور می‌کند، معادله آن به صورت $y = 2$ است.



$$y = 2x + 3$$

x	0	-1
y	3	1
x	0	-1
y	3	1

پ) چون خط مورد نظر با خط $y = -3x + 4$ موازی است، پس شیب آن با شیب خط $y = -3x + 4$ برابر است. بنابراین شیب خط مورد نظر -3 است. از طرف دیگر خط

مورد نظر از نقطه $\begin{bmatrix} 0 \\ 5 \end{bmatrix}$ عبور می‌کند، پس عرض از مبدأ آن 5 است. بنابراین معادله خط به صورت $y = -3x + 5$ است.



$$(-1) \times \begin{cases} x + 2y = 7 \\ 3x + 2y = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -x - 2y = -7 \\ 3x + 2y = 9 \end{cases} \xrightarrow{\quad + \quad} 2x = 2 \Rightarrow x = 1 \xrightarrow[\text{معادله اول}]{\text{جایگذاری در}} 1 + 2y = 7 \Rightarrow 2y = 6 \Rightarrow y = 3$$



الف) $\frac{x^2 - 9}{x^2} \div \frac{x - 3}{x} = \frac{(x+3)(x-3)}{x^2} \times \frac{x}{x-3} = \frac{x+3}{x}$

ب) $\frac{6}{x+1} - \frac{3x+1}{x(x+1)} = \frac{6x - (3x+1)}{x(x+1)} = \frac{6x - 3x - 1}{x(x+1)} = \frac{3x - 1}{x(x+1)}$

$$\begin{array}{r} x^2 - 5x - 24 \\ \underline{- x^2 - 8x} \\ \hline - 3x - 24 \\ \underline{- 3x - 24} \\ \hline \end{array}$$

خارج قسمت برابر است با $x + 3$ و باقیمانده صفر است.

راه حل دوم:

$$x^2 - 5x - 24 = x^2 + (-8+3)x + (-8)(3) = (x-8)(x+3)$$

خارج قسمت برابر است با $x + 3$ و باقیمانده صفر است.

(الف) فرض S مساحت قاعده هرم باشد و h ارتفاع آن. پس ۱۵

$$V_{\text{هرم}} = \frac{1}{3} Sh = \frac{1}{3} (8 \times 5) \times 9 = 120 \text{ cm}^3$$

(ب) فرض کنید R شعاع کره باشد. پس

$$V_{\text{کره}} = \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{4}{3} \pi (3)^3 = 36\pi \text{ cm}^3$$

(پ) فرض کنید r شعاع قاعده مخروط و h ارتفاع آن باشد. پس

$$V_{\text{مخروط}} = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \times \pi \times (3^2) \times 6 = 18\pi \text{ cm}^3$$



امتحان نهایی مهندسی استانی

کرمان ۱۴۰۰

الف) گزینه (۱) ۱
ب)

$$\text{احتمال} = \frac{\#\text{مطلوب}}{\#\text{حالات}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

الف) $A - B = \{3, 9\}$ ۲
ت)

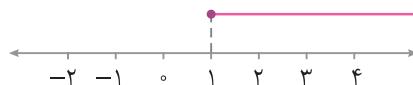
$$\frac{1}{3} < \frac{1+1}{3+2} < \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{3} < \frac{2}{5} < \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{3} < \frac{1+2}{3+5} < \frac{2}{5} \Rightarrow \frac{1}{3} < \frac{3}{8} < \frac{2}{5} < \frac{1}{2}$$

ب)

$$|1 - \sqrt{5}| = -(1 - \sqrt{5}) = -1 + \sqrt{5}$$

ب)



الف) ۳

$$\begin{cases} AB = AC & \text{مثلث } ABC \text{ متساوی الساقین} \\ BM = CM & \text{وسط } M \\ AM & \text{مشترک} \end{cases} \xrightarrow{\text{ضضض}} \Delta ABM \cong \Delta ACM$$

ب)

$$\frac{x}{4} = \frac{5}{3} \Rightarrow x = \lambda$$

۴

(الف) $\left(\frac{1}{3}\right)^{-6} \times 5^6 = 3^6 \times 5^6 = (3 \times 5)^6 = 15^6$

(ب) $7\sqrt{2} - 3\sqrt{2} = (7-3)\sqrt{2} = 4\sqrt{2}$

(پ) $\sqrt[3]{9} \times \sqrt[3]{3} = \sqrt[3]{9 \times 3} = \sqrt[3]{27} = \sqrt[3]{3^3} = 3$

(ت) $3/2 \times 10^4$

ش) صورت را در $\sqrt{2}$ و مخرج را در $\sqrt{2}$ ضرب می کنیم.

الف) ۵
ب)

۱) $(x-5)^2 = x^2 - 10x + 25$

۲) $(x-3)(x+3) = x^2 - 9$



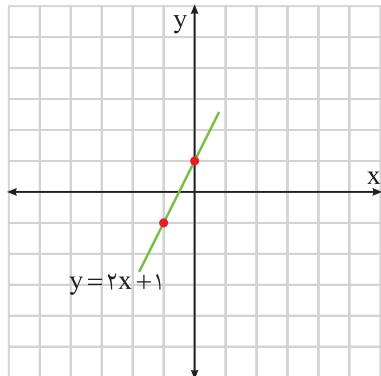
(٤)

$$x^2 + 7x + 12 = (x^2) + (3+4)x + (3)(4) = (x+3)(x+4)$$

(٥)

$$8x + 3 \geq 19 \Rightarrow 8x \geq 19 - 3 \Rightarrow 8x \geq 16 \Rightarrow x \geq 2$$

الف ٦



$y = 2x + 1$
x
y

x	◦	-1
y	1	-1
$[x]$	$\begin{bmatrix} ◦ \\ 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix}$

نقطة روی خط $y = 2x + 1$ قرار دارد، زیرا $5 = 2(5) + 1$

$$y = 3x - 4$$

$$\text{شیب خط} = \frac{5-2}{2-1} = 3$$

$$2 \times \begin{cases} 2x - y = 3 \\ x + 2y = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4x - 2y = 6 \\ x + 2y = 4 \end{cases} \xrightarrow{+} 5x = 10 \Rightarrow x = 2 \xrightarrow[\text{معادله اول}]{\text{جایگذاری در}} 2(2) - y = 3 \Rightarrow y = 1$$

الف ٧

$$\text{١) } \frac{x^2 + 7x + 10}{x+5} \times \frac{2x+10}{x+2} = \frac{(x+5)(x+2)}{x+5} \times \frac{2(x+5)}{x+2} = 2(x+5)$$

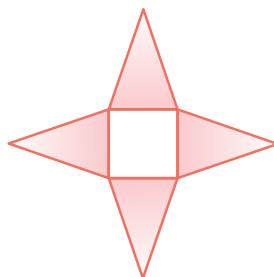
(٦)

$$\text{٢) } \frac{x+1}{x+3} + \frac{2}{x+3} = \frac{x+1+2}{x+3} = \frac{x+3}{x+3} = 1$$

(٧)

$$\begin{array}{r} -x^2 + 4x + 3 \\ x^2 + 2x \\ \hline -2x + 3 \\ -2x + 4 \\ \hline -1 \end{array}$$

الف ٨





پ) فرض کنید R شعاع نیم کره باشد. پس

$$S = 2\pi R^2 = 2\pi(10^2) = 200\pi \text{ cm}^2$$

پ) فرض کنید r شعاع قاعده مخروط و h ارتفاع آن باشد. پس

$$V_{\text{مخروط}} = \frac{1}{3}\pi r^2 h = \frac{1}{3}\pi(3^2) \times 4 = 12\pi \text{ cm}^3$$

ش) شب

ت) کره

پ) فرض

ب) حقيقى

الف) تهی

۹



امتحان نهایی معاصره استانی

خراسان رضوی ۱۴۰۰

ت) نادرست

پ) نادرست

ب) نادرست

درست

الف)

پ) گزینه (۱)

پ) گزینه (۴)

الف) گزینه‌های (۱) و (۴)

ت) گزینه (۲)

$$2 + \sqrt{4} < 2 + \sqrt{5} < 2 + \sqrt{9} \Rightarrow 4 < 2 + \sqrt{5} < 5$$

ت) عرض از مبدأ

پ) استوانه

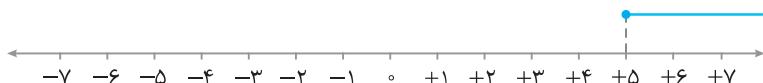
$x = 5$

الف)

الف)

ب) توجه کنید که $|-3 + \sqrt{15}| = (-3 + \sqrt{15})$, $\sqrt{9} < \sqrt{15} < \sqrt{16}$, پس

(پ)



پ)

الف) $C \cup D = \{-5, 1, 2, 3, 6, 7\}$

پ) $C \cap D = \{1, -5\}$

الف)

پ) $C - D = \{7, 3\}$

الف)

$$\begin{cases} OM = OB \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_Y \\ ON = OA \end{cases} \Rightarrow \Delta MON \cong \Delta OAB \Rightarrow MN = AB$$

پ) بله. فرض کنید ABCD مربعی به اندازه ضلع a و WXYZ نیز مربعی به اندازه ضلع b باشد. بهوضوح $\hat{W} = \hat{X} = \hat{Y} = \hat{Z} = \hat{A} = \hat{B} = \hat{C} = \hat{D} = 90^\circ$.

به علاوه

$$\frac{AB}{WX} = \frac{AD}{WZ} = \frac{BC}{XY} = \frac{DC}{YZ} = \frac{a}{b}$$

بنابراین دو مربع ABCD و WXYZ با هم متشابه‌اند.

الف)

$$5\sqrt{3} + \sqrt{27} = 5\sqrt{3} + \sqrt{9 \times 3} = 5\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = (5+3)\sqrt{3} = 8\sqrt{3}$$

پ) $7/4 \times 10^5$

$$\frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

پ)



$$\text{ا) } (x+5)^2 = x^2 + 10x + 25$$

$$\text{ب) } (2x-3)(2x+3) = (2x)^2 - (3)^2 = 4x^2 - 9$$

(ج)

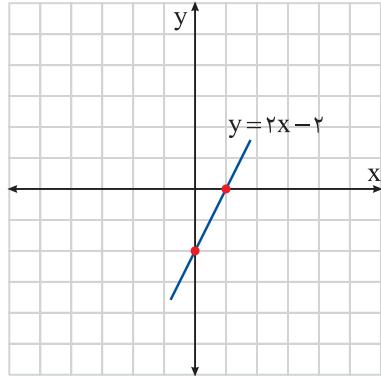
$$x^2 + 5x + 6 = (x^2) + (2+3)x + (2)(3) = (x+2)(x+3)$$



$$4x - 8 \geq 2x + 4 \Rightarrow 4x - 2x \geq 4 + 8 \Rightarrow 2x \geq 12 \Rightarrow x \geq 6$$



$$(-1) \times \begin{cases} x - y = 2 \\ x + 3y = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -x + y = -2 \\ x + 3y = 4 \end{cases} \xrightarrow{\quad + \quad} 4y = 2 \Rightarrow y = \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{جایگذاری در معادله اول}} x - \frac{1}{2} = 2 \Rightarrow x = \frac{5}{2}$$



$$y = 2x - 2$$

x	...	1
y	-2	...
x	[...]	[1]
y	[-2]	[...]

$$\text{عرض از مبدأ} = -\frac{3}{4}, \quad \text{شیب خط} = 5$$

(د)

$$y = -3x + b \xrightarrow{\begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}} 1 = -3(2) + b \Rightarrow b = 7$$

$$y = -3x + 7$$



$$\text{الف) } \frac{-3x^2y^3}{18xy^2} = \frac{-3}{18} \times \frac{x^2}{x} \times \frac{y^3}{y^2} = \frac{-xy}{6}$$

$$\text{ب) } \frac{2x}{x+2} + \frac{7x}{x+2} = \frac{2x+7x}{x+2} = \frac{9x}{x+2}$$



$$\begin{array}{r} x^2 + 3x - 2 \\ x^2 - 2x \\ \hline 5x - 2 \\ - 5x - 10 \\ \hline 8 \end{array}$$

راهنمای اول:

خارج قسمت: $x + 5$, باقیمانده: 8

ج

فرض کنید S مساحت قاعده هرم و h ارتفاع آن باشد. پس ۱۴

$$V_{\text{هرم}} = \frac{1}{3} Sh$$

$$V_{\text{هرم}} = \frac{1}{3} (\pi r^2) \times h = 18 \text{ cm}^3$$

فرض کنید R شعاع کره باشد. پس ۱۵

$$R = \frac{\Delta}{2}$$

$$V_{\text{هرم}} = \frac{1}{3} \pi R^3 = \frac{1}{3} \times \pi \times \left(\frac{\Delta}{2}\right)^3 = \frac{125}{2} \text{ cm}^3$$



امتحان نهایی مهندسی استانی

آذربایجان شرقی ۱۴۰

ت) نادرست

پ) درست

ب) نادرست

الف) درست

۱

$$\frac{1}{1000} = \frac{3}{x} \Rightarrow x = 3000 \text{ cm} \quad \text{ب) گزینه (۳)}$$

الف) گزینه (۲)

ت) گزینه (۱)

پ) گزینه (۴)

ت) کره

پ) حقيقة

ب) حقيقة

الف) حقيقة

۲

$$A \cap B = \{1, 4\}$$

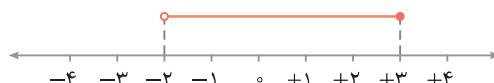
$$A - B = \{3, 4\}$$

$$\text{احتمال} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

الف)

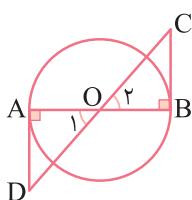
$$\text{احتمال} = \frac{4}{12} + \frac{3}{12} = \frac{7}{12}$$

پ) مهر باید قرمز باشد یا آبی



۶

$$|\gamma - \sqrt{3}| = \gamma - \sqrt{3}$$



$$\left\{ \begin{array}{l} \hat{A} = \hat{B} = 90^\circ \\ OA = OB \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \end{array} \right. \xrightarrow{\text{ضلع}} \Delta OAD \cong \Delta OBC$$

۷

$$1) \frac{\sqrt{8} \times \sqrt{5}}{\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{2^3} \times \sqrt{5}}{\sqrt{2 \times 5}} = \frac{2\sqrt{2} \times \sqrt{5}}{\sqrt{2} \times \sqrt{5}} = 2$$

الف)

$$2) \sqrt{3} + \sqrt{12} = \sqrt{3} + \sqrt{4 \times 3} = \sqrt{3} + 2\sqrt{3} = 3\sqrt{3}$$

پ)

$$\frac{3}{\sqrt{7}} = \frac{3}{\sqrt{7}} \times \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}} = \frac{3\sqrt{7}}{7}$$

۱۰

الف) ۱۰

$$(x+2)^2 = (x^2) + 2(x)(2) + (2^2) = x^2 + 4x + 4$$

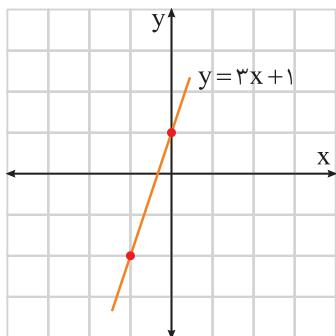
(ب)

ل) $x^2 + (2+3)x + (2)(3) = (x+2)(x+3)$

ر) $a^2 - 9 = a^2 - 3^2 = (a+3)(a-3)$

۱۱

$$4x - 7 \geq 2x + 1 \Rightarrow 4x - 2x \geq 1 + 7 \Rightarrow 2x \geq 8 \Rightarrow x \geq 4$$



$y = 3x + 1$
x
y

x	۰	-۱
y	۱	-۲
x	$\begin{bmatrix} ۰ \\ ۱ \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} -۱ \\ -۲ \end{bmatrix}$
y		

الف) ۱۲

$$y = -3x + 2$$

۱۳

$$2x \begin{cases} x+2y=7 \\ 4x-y=10 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x+2y=7 \\ 8x-2y=20 \end{cases} \xrightarrow{+} 9x=27 \Rightarrow x=3 \xrightarrow{3+2y=7} 2y=4 \Rightarrow y=2$$

الف) ۱۴

ل) $\frac{x+4}{a+b} + \frac{3}{a+b} = \frac{x+4+3}{a+b} = \frac{x+7}{a+b}$

ر) $\frac{x^2 + 3x + 2}{x+1} \div \frac{x^2 - 1}{x+1} = \frac{(x+1)(x+2)}{x+1} \times \frac{x+1}{(x-1)(x+1)} = \frac{x+2}{x-1}$

۱۵

$$\begin{array}{r} -x^2 + 3x + 4 \\ x^2 + 2x \\ \hline -x + 4 \\ -x + 2 \\ \hline 2 \end{array}$$

خارج قسمت = $x+1$ ، باقیمانده = ۲

الف) فرض کنید R شعاع کرہ باشد، پس

$$S_{کره} = 4\pi R^2 = 4 \times 3 \times (2)^2 = 48 \text{ cm}^2$$

$$V_{کره} = \frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{4}{3} \times 3 \times (2)^3 = 32 \text{ cm}^3$$

$$V_{هرم} = \frac{1}{3}Sh = \frac{1}{3} \times (2 \times 3) \times 5 = 10 \text{ cm}^3$$

ب) فرض کنید S مساحت قاعده هرم باشد و h ارتفاع آن. پس



امتحان نهایی مهندسی استانی

مازندران ۱۴۰۰

ت درست

پ درست

ب نادرست

الف نادرست

۱

پ عرض‌ها

ب درون

الف مختوم

۲

الف گزینه (۳)

۳

$$\text{احتمال} \Rightarrow \{(r, r)\} = \text{مطلوب} , \quad 2 \times 2 = 4 = \text{تعداد کل حالات}$$

ب گزینه (۱)

$$\sqrt{(1-\sqrt{3})^2} = |1-\sqrt{3}| = -(1-\sqrt{3}) = -1+\sqrt{3}$$

پ گزینه (۳)

ت گزینه (۴): گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

گزینه (۱):

$$\frac{x-3y}{3y-x} = \frac{x-3y}{-(3y+x)} = -1$$

گزینه (۲):

$$\frac{a-4b}{-4b+a} = \frac{a-4b}{a-4b} = 1$$

گزینه (۳):

$$\frac{a^2}{-2a} = \frac{a}{-2} = -\frac{a}{2}$$

گزینه (۴): به جای n مقدار صفر و به جای m مقدار ۱ را قرار می‌دهیم. پس

$$\frac{m+2n}{m-2n} = \frac{1+2(0)}{1-2(0)} = 1 \neq -1 \times$$

۴

۱) $A \cap B = \{4\}$

۲) $B - A = \{3, 12\}$

الف ۵

$D = \{-4, -1, 2, 5, 8\}$ (پنج عضو)

ب بله

۶

$A = \{x \in \mathbb{R} \mid x < 2\}$

الف ۷

$$\left\{ \begin{array}{l} AC = AB \\ AM = BM \xrightarrow{\text{ضلائع}} \Delta ACM \cong \Delta BDM \Rightarrow MC = MD \\ \hat{A} = \hat{B} = 90^\circ \end{array} \right.$$

ب) 30° . توجه کنید که با تغییر اندازه دو خط، اندازه زاویه بین آنها تغییری نمی‌کند.

الف ۸

الف ۱/۴ $\times 10^9$

$$\frac{\gamma^8}{\gamma} \left(\frac{1}{\gamma}\right)^{-5} = \gamma^8 \times \gamma^5 = \gamma^{8+5} = \gamma^{13}$$

$$\sqrt{45} - \sqrt{5} = \sqrt{9 \times 5} - \sqrt{5} = 3\sqrt{5} - \sqrt{5} = (3-1)\sqrt{5} = 2\sqrt{5}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{3\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{2}}{3\sqrt{7}} \times \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{14}}{21}$$

الف ۹

$$1) (3a+5)(3a-5) = 9a^2 - 25$$

$$2) (x+y+3)^2 = x^2 + y^2 + 9 + 2xy + 6x + 6y$$

ب)

$$x^2 - x - 12 = x^2 + (-4+3)x + (-4)(3) = (x-4)(x+3)$$

الف ۱۰

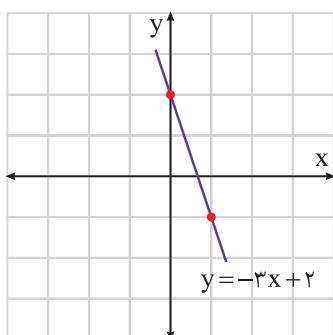
$$2x - 6 \geq 5x \Rightarrow -6 \geq 5x - 2x \Rightarrow -6 \geq 3x \Rightarrow x \leq -2$$

الف ۱۱) $y = 3x - 4$ و $y = 3x + 4$ (چون شیب‌های برابر دارند)

ب) $y = -3x + 4$ (زیرا عرض از مبدأ آن ۴ است)

$$3x - 2y = 0, \quad y = 3x$$

الف ۱۲



$$y = -3x + 2$$

x	0	1
y	2	-1
[x]	[0]	[1]
[y]	[2]	[-1]

الف ۱۳

$$\left\{ \begin{array}{l} 3x + y = 1 \\ x - y = 9 \end{array} \right. \xrightarrow{+} 4x = 10 \Rightarrow x = \frac{5}{2} \xrightarrow{\text{جایگذاری در معادله اول}} \frac{5}{2} - y = 9 \Rightarrow y = -\frac{13}{2}$$

الف ۱۴

$$\frac{1}{x+4}$$



$$l) \frac{2x}{x-4} - \frac{\lambda}{x-4} = \frac{2x-\lambda}{x-4} = \frac{2(x-4)}{(x-4)} = 2$$

$$r) \frac{x+3}{5} + \frac{x^2-9}{6} = \frac{5(x+3) + 5(x^2-9)}{30} = \frac{5(x+3) + 5(x+3)(x-3)}{30} = \frac{(x+3)(5+5(x-3))}{30} = \frac{(x+3)(5x-10)}{30}$$

$$\begin{array}{r} x^2 + 3x - 5 \\ x^2 + 2x \\ \hline x - 5 \\ x + 2 \\ \hline -7 \end{array}$$

خارج قسمت $= 1$, باقیمانده $= -7$

$$\frac{2}{3} \pi R^3 \quad \text{الف)$$

b) فرض کنید R شعاع کره باشد، پس

$$S = \pi R^2 = \pi(5)^2 = 25\pi \text{ cm}^2$$

$$\text{الف) مخروط}$$

b) فرض کنید S مساحت قاعده هرم باشد و h ارتفاع آن، پس

$$V_{\text{هرم}} = \frac{1}{3} Sh = \frac{1}{3} (5 \times 4) \times 5 = 50 \text{ cm}^3$$

امتحان نهایی معاصره استانی

تهران ۱۴۰۱

(ت) درست

(پ) نادرست

(پ) نادرست

(الف) درست

۱

(ت) حقيقة

(پ) دو

(پ) ۳

(الف) $x=2$

۲

(ت) گزینه (۲)

(پ) گزینه (۱)

(پ) گزینه (۲)

(الف) گزینه (۲)

۳

$$\text{الف) } A \cap B = \{2, 9\}$$

$$\text{پ) } \forall y \in D$$

$$\text{احتمال (پ) } = \frac{4}{4+5} = \frac{4}{9}$$

۴

$$\text{الف) } \sqrt{5} < \sqrt{6} < \sqrt{7} < \sqrt{10}$$

$$\text{پ) } \sqrt{(1-\sqrt{3})^2} = |1-\sqrt{3}| = -(1-\sqrt{3}) = -1+\sqrt{3}$$

۵

$$\begin{cases} OB = OC & \text{شعاع دایره} \\ \hat{B} = \hat{C} = 90^\circ & \xrightarrow{\text{وضع}} \Delta OBM \cong \Delta OCM \\ OM & \text{مشترک} \end{cases}$$

۶

$$\frac{x}{2} = \frac{15}{5} \Rightarrow x = 15$$

۷

$$\text{الف) } 2^{-3} \times 5^{-2} = 2^{-1} \times 2^{-2} \times 5^{-2} = 2^{-1} \times (2 \times 5)^{-2} = 2^{-1} \times 10^{-2}$$

$$\text{پ) } 1/2 \times 10^{-6}$$

۸

$$\frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{3}}{2}$$

۹

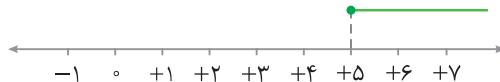
$$\text{الف) } (5x+2)^2 = (5x)^2 + 2(5x)(2) + (2)^2 = 25x^2 + 20x + 4$$

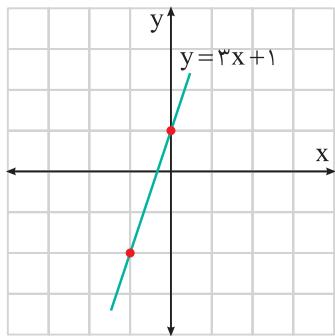
$$\text{پ) } a^2 - 4b^2 = a^2 - (2b)^2 = (a+2b)(a-2b)$$

۱۰

$$3x + 7 \geq 12 + 2x \Rightarrow 3x - 2x \geq 12 - 7 \Rightarrow x \geq 5$$

۱۱





$$y = 3x + 1$$

x	0	-1
y	1	-2
[x]	[0]	[-1]
[y]	[1]	[-2]

$$y = -2x + 5 \quad (13)$$

$$2 \times \begin{cases} 3x - 2y = -7 \\ 5x + y = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x - 2y = -7 \\ 10x + 2y = 2 \end{cases} \xrightarrow{\text{جایگذاری در معادله اول}} 13x = 13 \Rightarrow x = 1 \xrightarrow{3 - 2y = -7} y = 5$$

14

$$\text{الف) } \frac{x^2 + 3x + 2}{x+2} \times \frac{x+5}{x+1} = \frac{(x+2)(x+1)}{x+2} \times \frac{x+5}{x+1} = x+5$$

$$\text{پ) } \frac{5}{x+2} + \frac{3}{x} = \frac{5x+3(x+2)}{(x+2)x} = \frac{5x+3x+6}{(x+2)x} = \frac{8x+6}{(x+2)x} = \frac{2(4x+3)}{(x+2)x}$$

15

$$\begin{array}{r} \overline{-} \quad 3x^2 + 8x + 1 \quad \left| \begin{array}{c} x+2 \\ \hline 3x+2 \end{array} \right. \\ \overline{-} \quad 3x^2 + 6x \\ \hline \quad \quad \quad 2x+1 \\ \overline{-} \quad 2x+4 \\ \hline \quad \quad \quad -3 \end{array}$$

خارج قسمت ۲ $3x+2$ ، باقیمانده $= -3$

الف) فرض کنید R شعاع نیم کره باشد، پس

$$V_{\text{کره نیم}} = \frac{2}{3} \pi R^3 = \frac{2}{3} \times \pi \times (2)^3 = 16 \text{ cm}^3$$

پ) فرض کنید R شعاع کره باشد، پس

$$S_{\text{کره}} = 4\pi R^2 = 4 \times \pi \times (5)^2 = 100 \pi \text{ cm}^2$$

پ) فرض کنید S مساحت قاعده هرم و h ارتفاع آن باشد، پس

$$V_{\text{هرم}} = \frac{1}{3} Sh = \frac{1}{3} \times (3 \times 4) \times 20 = 80 \text{ cm}^3$$